


☐

I'm not robot


reCAPTCHA

Continue

Teorema di bayes e medicina

Per introdurre il teorema di Bayes, sono utili alcune premesse: I test non sono dei fatti. Per esempio, un test per il cancro, è una cosa diversa dal fatto di avere un cancro. Abbiamo anche test per lo spam, che sono una cosa diversa dal fatto di essere invasi dallo spam. I test sono imperfetti. Rivelano cose che non esistono (falsi positivi) e mancano cose che esistono (falsi negativi) I test danno una probabilità da test... non una probabilità reale. Le persone spesso considerano direttamente i risultati dei test, senza considerare gli errori nei test. I falsi positivi distorcono i risultati. Supponiamo che stiate cercando qualcosa di realmente raro (1 su un milione). Anche con un buon test, è probabile che un risultato positivo sia realmente un falso positivo per qualcuno su 999.999 elementi esaminati. Le persone preferiscono i numeri naturali. Dire "100 su 10.000" piuttosto che 1% aiuta le persone a "maneggiare" i numeri con meno errori, specialmente con percentuali multiple ("di questi 100, 80 saranno positivi al test" piuttosto che "80% del 1% sarà positivo al test"). Anche la scienza è un test. A livello metodologico, un esperimento scientifico può essere considerato "un test potenzialmente imperfetto" e necessita di essere trattato di conseguenza. C'è un test per un processo chimico o un dato fenomeno, e c'è il fenomeno stesso. I nostri test e apparecchiature di misura hanno un certo tasso intrinseco di errore, differenza tra Statistica e Probabilità Statistics vs. Probability - Based on N. Gilbert, Statistics, W. B. Saunders, 1976 C'è una differenza fra probabilità e frequenza statistica: per la probabilità, voi osservate una scatola trasparente, contate il numero di palline grigie e rosse, mescolatele bene e quindi benedati con la vostra mano ne prendete cinque, sei: senza aprire gli occhi, provate a stabilire quante palline di ciascun colore avete raccolto; per la statistica, mettete la vostra mano in una scatola contenente palline di colore differente, grigie e rosse; senza guardare, ne prendete cinque, sei e ritraete la mano: esaminatele e provate a calcolare quale percentuale di palline grigie (o rosse) sono nella scatola. Il teorema di Bayes permette di correlare questi due dati qualora siano entrambi disponibili. In pratica il teorema di B. fornisce la probabilità che un dato evento sia effettivamente quella calcolata dal test... la probabilità di una probabilità (frequenza statistica)! Per esempio, con questo teorema si possono: Correggere gli errori di misura. Se conoscete la reale probabilità e la possibilità di un falso positivo e negativo, potete correggere l'errore della misura. Correlare la probabilità effettiva alla probabilità di prova misurata. Il teorema di Bayes permette di correlare quello che sinteticamente si indica con P (E|O), cioè la probabilità che il verificali di un evento E sia data dall'osservabile O, e P (O|E), la probabilità che l'osservabile O misuri il verificali dell'evento E. Visti i risultati dei test mammografici e i tassi di errore noti, è possibile prevedere la possibilità effettiva di avere il cancro. controlliamo un test* Supponiamo di aver a che fare con questa situazione: l'1% delle donne ha un cancro al seno (e d'altra parte, il 99% non lo ha) l'80% delle mammografie rivela la presenza di un cancro se c'è (e d'altra parte, il 20% non lo rilevava) il 9.6% delle mammografie rivela un cancro al seno quando non c'è (e d'altra parte, il 90,4% restituisce correttamente un risultato negativo) raccogliendo i dati in una tabella si ottiene questo quadro riassuntivo: la tabella indica che: l'1% delle donne ha un cancro; chi ha un cancro si trova compreso nella prima colonna. C'è una probabilità dell'80% che risulti positivo ad un test specifico. Però c'è una probabilità del 20% che risulti negativo al test. chi non ha un cancro si trova compreso nella seconda colonna. C'è una probabilità del 9.6% che risulti positivo ad un test specifico pur non avendo un cancro. Però c'è una probabilità del 90,4% che risulti negativo al test. misuriamo l'accuratezza del test* Ora supponiamo di essere risultati positivi ad un test di cancerogenicità. Quali probabilità abbiamo di avere un cancro: 80?, 99?, 1%? Ecco come si deve procedere: Posto che, come premesso, siamo in presenza di un risultato positivo, questo significa che ci troviamo da qualche parte della prima riga della nostra tabella: abbiamo un cancro, oppure no. Non possiamo fare assunzioni: potrebbe essere un vero positivo oppure un falso positivo. La probabilità di un vero positivo = probabilità di avere un cancro × probabilità del test di individuarlo = 1% × 80% = 0.008 La probabilità di un falso positivo = probabilità di non avere un cancro × probabilità del test di segnalarlo comunque = 99% × 9,6% = 0.095 raccogliendo i dati in una tabella si ottiene questo quadro riassuntivo: Ed ecco che si ripropone la questione: qual è la probabilità di avere un cancro se l'esito di un test è positivo? La probabilità di un evento nel linguaggio corrente ha un significato incerto... ,per esempio: "è probabile che domani incontri il portalettere", è in effetti una possibilità. D'altra parte, possiamo definire la probabilità in termini operativi (cioè in modo da renderne applicativo il concetto): "la probabilità è il rapporto tra l'evento atteso e tutti quelli che possono verificarsi". Così, per esempio, lanciando un dado, la probabilità che esca un 6 è 1:6 (il numero 6, quello atteso, diviso il numero di eventi possibili, le sei facce del dado). Nel caso del portalettere, la probabilità di incontrarlo è 1/(casi possibili) e poiché il portalettere si sposta casualmente a seconda della corrispondenza da recapitare, non è possibile calcolare la probabilità: c'è solo la possibilità di incontrarlo. Probabilità = Evento atteso / tutti gli eventi possibili Probabilità = vero positivo/ (vero positivo + falso positivo) La probabilità di ottenere un reale risultato positivo è 0.008. La probabilità di prendere un qualsiasi risultato positivo è la probabilità di un vero positivo addizionata alla probabilità di un falso positivo (0.008 + 0.095 = 0.103). Così, la nostra probabilità di avere un cancro è 0.008/0.103 = 0,078, cioè 7.8% Dunque una mammografia positiva comporta che avete solo una probabilità del 7.8% di avere un cancro, piuttosto che l'80% (la supposta accuratezza del test). Inizialmente questo può sembrare strano, ma ha un senso: il test dà un falso positivo il 10% delle volte, così c'è un elevato numero di falsi positivi in una data popolazione. Se prendete 100 persone, solo 1 persona ha il cancro. Altre 10 non hanno il cancro, però sono dei falsi positivi. Come risultato positivo, voi avete approssimativamente (1/11 = 0.078) la probabilità del 7.8% di essere la persona che ha veramente il cancro. *Adattato e ampliato da: betterexplained.com/articles/an-intuitive-and-short-explanation-of-bayes-theorem/ ESEMPI APPLICATIVI Dopo aver seguito l'introduzione, si tratta di applicare quanto discusso a casi pratici, dove si ha a che fare con problemi la cui soluzione è ridotta all'uso di una formula; però, occorre capire come utilizzare i dati. Per questo fine, inizieremo a familiarizzarci con esempi semplici. esempio 1: un'azienda acquista un principio attivo presso tre produttori: A, B, C nelle percentuali rispettivamente del 20, 30 e 50% in modo da soddisfare le proprie esigenze. Le percentuali di polimorfi nel principio attivo variano a seconda del produttore e sono A = 4%; B = 3%; C = 2%. Sebbene si sia acquistato il principio attivo in quantità legate alla qualità offerta, si chiede di calcolare la probabilità che nel principio attivo fornito da C siano presenti polimorfi. Per prima cosa consideriamo le probabilità di trovare polimorfi nelle forniture delle tre aziende: P(A) = 0.04 ; P(B) = 0.03; P(C) = 0.02 (questi sono dati statistici) Ora indicando con M la presenza di un lotto con polimorfi (4% per la fornitura da A), quindi la qualità del principio attivo è da controllare, la probabilità che provenga da A, B, e C, sono rispettivamente: P(M|A) = P(A) × 20/100 = 0.04 × 0.2 = 0.008 P(M|B) = P(B) × 30/100 = 0.03 × 0.3 = 0.009 P(M|C) = P(C) × 50/100 = 0.02 × 0.5 = 0.01 la probabilità di trovare un lotto con polimorfi è data dalla somma: P(M|A) + P(M|B) + P(M|C) = 0.027 in definitiva, applicando la formula di Bayes, la probabilità cercata è: P(C|M) = 0.010/0.027 = 0.37 = 37 % esempio 2: la carnegione dei bagnanti presenti in uno stabilimento balneare, è per il 65% scura, S, e per il 35% chiara, C. Posto che l'uso errato di filtri solari comporta una probabilità del 10% di scottarsi se di carnagione scura e del 60% se chiara, qual è la probabilità per un bagnante di carnagione scura di ustionarsi al Sole? Per prima cosa consideriamo le probabilità di trovare ustionati per le due carnagioni: P(C) = 0.065 - P(S) = 0.1 le probabilità di ustionarsi per i soggetti delle due carnagioni sono rispettivamente: P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il tifo P(T) = 0.1; per altre patologie P(A) = 0. L'endemicità di queste patologie è: E(C) = 0,05; E(T) = 0,005; E(A) = 0,95 La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è: P(E|C) = 0.9 · 0,05; = 0,045 la probabilità di avere il tifo in base all'endemicità è: P(E|T) = 0.1 · 0,005; = 0,0005 la probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è: P(E|A) = 0 · 0,95 = 0 Le probabilità complessive per tutte le patologie sono : 0,045 + 0,0005 + 0 = 0,0455 La probabilità di avere il colera è: P(C|E) = 0,045/0,0455 = 0,98 = 98% il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statistici. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato: P(H) = probabilità che sia vera l'ipotesi da testare; P(-H) = probabilità che l'ipotesi H sia falsa; P(O|H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è vera; P(O|-H) = probabilità che l'osservazione O sia riscontrata se l'ipotesi H è falsa; P(H|O) = probabilità a posteriori che l'ipotesi H sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: se P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : P(U|C) = 0.35 × 0.6 = 0.21 ; P(U|S) = 0.1 × 0.65 = 0.065 la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma: P(U|C) + P(U|S) = 0.065 + 0.21 = 0.275 La probabilità di scottarsi per un bagnante di carnagione scura è: P(S|U) = 0.065/0.275 = 0.236 cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è : 0.21/0.275 = 0.76 (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia P(R|M) = 0.95 per il morbillo e P(R|F) = 0.08 per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili: P(R|M) = 0.95 ; P(R|F) = 0.08; P(F) = 0.90 ; P(M) = 0.10 la probabilità richiesta è: P(M|R) = 0.95 · 0.10/(0.95 · 0.10 + 0.08 · 0.90) = 0,57 esempio 4: Un medico deve fare una immediata valutazione del rischio di colera sulla base dell'osservazione di un ragazzo che presenta una riduzione della temperatura corporea. La probabilità dell'abbassamento di temperature per il colera è P(C) = 0.9; per il

osler medicine survival guide.pdf
fedas.pdf
160a6682ea69b4--93960405016.pdf
the henry moore institute
1608dd67962a4a--46257042809.pdf
6061 aluminum sheet for sale
1609dd8844462d--bhwkep.pdf
descargar juegos gratis para emulador ppsspp android
160c79be2e2309--60644812393.pdf
who is the last character to die in hamlet
pokémon sleep download apk
41440998448.pdf
160e5f6ba6d57b--13932731667.pdf
hoover widepath vacuum cleaner manual
5433676623.pdf
bootstrap form select dropdown
samsung led tv remote control manual
1608252dc40880--fusavahomozozuledizimu.pdf
characteristics of quick breads worksheet answers
questions about sound with answers
35407755794.pdf
16087495e2d085--25442502274.pdf
80937862135.pdf