



**Continue**

## Teorema di bayes e medicina

Per introdurre il teorema di Bayes, sono utili alcune premesse: i test non sono dei fatti. Per esempio, un test per il cancro, è una cosa diversa dal fatto di avere un cancro. Abbiamo anche test per lo spam, che sono una cosa diversa dal fatto di essere invasi dallo spam. I test sono imperfetti. Rivelano cose che non esistono (falsi positivi) e mancano cose che esistono (falsi negativi). I test danno una probabilità da test... non una probabilità reale. Le persone spesso considerano direttamente i risultati del test, senza considerare gli errori nei test. I falsi positivi distortono i risultati. Supponiamo che stiate cercando qualcosa di realmente raro (1 su un milione). Anche con un buon test, è probabile che un risultato positivo sia realmente un falso positivo per qualcuno su 999.999 elementi esaminati. Le persone preferiscono i numeri naturali. Dire "100 su 10.000" piuttosto che 1% aiuta le persone a "maneggiare" i numeri con meno errori, specialmente con percentuali multiple ("di questi 100, 80 saranno positivi al test" piuttosto che "80% di tutti i test saranno positivi al test"). Anche la scienza è un test. A livello metodologico, un esperimento scientifico può essere considerato "un test potenzialmente imperfetto" e necessita di essere trattato di conseguenza. C'è un test per un processo chimico o un dato fenomeno, e c'è il fenomeno stesso. I nostri test e apparecchiature di misura hanno un certo tasso intrinseco di errore, differenza tra Statistica e Probabilità Statistics vs. Probability: Based on N. Gilbert, Statistics, W. B. Saunders, 1976 C'è una differenza fra probabilità e frequenza statistica: per la probabilità, voi osservate una scatola trasparente, contate il numero di palline grigie e rosse, mescolate bene e quindi bendate con la mano. Aprendete la scatola, le palline sono tutte rosse. Il teorema di Bayes permette di correlare questi due dati qualora siano entrambi disponibili. In pratica il teorema di Bayes fornisce la probabilità che un dato evento sia effettivamente quello calcolato dal test... la probabilità di una qualsiasi probabilità (frequenza statistica)! Per esempio, con questo teorema si possono: Correggere gli errori di misura. Se conoscete la reale probabilità e la possibilità di un falso positivo o negativo, potete correggere l'errore della misura. Correlare la probabilità effettiva alla probabilità di prova misurata. Il teorema di Bayes permette di correlare quello che sinteticamente si indica con  $P(E|O)$ , cioè la probabilità che il verificarsi di un evento E sia data dall'osservabile O, e  $P(O|E)$  la probabilità che l'osservabile O misuri il verificarsi dell'evento E. Visti i risultati dei test mammografici e i tassi di errore noti, è possibile prevedere la probabilità effettiva di avere un cancro, controllando un test\*. Supponiamo di aver a che fare con questa situazione: "11% delle donne ha un cancro nel seno e 10% delle mammografie rivelano la presenza di un cancro se c'è (e d'altra parte, il 20% non lo rileva)." La probabilità di una mammografia rivelare il cancro nel seno quando c'è (e d'altra parte, il 90% restituisce correttamente un risultato negativo) raggruppando i dati in una tabella si ottiene questo quadro riassuntivo: la tabella indica che: l'11% delle donne ha un cancro, chi ha un cancro si trova compreso nella prima riga. C'è una probabilità del 20% che una mammografia nel test, misurante l'incarnatura del test\*, fornisca la probabilità del test\*. Ora supponiamo di essere una donna di 50 anni ad un controllo mammografico: abbiamo un cancro oppure no. Non possiamo fare assunzioni: potrebbe essere un vero cancro, potrebbe essere un falso positivo. La probabilità di un falso positivo = probabilità di non avere un cancro  $\times$  probabilità del test di segnalario comunque =  $99\% \times 9.6\% = 0.095$  raccogliendo i dati in una tabella si ottiene questo quadro riassuntivo. Ed ecco che si ripropone la questione: qual è la probabilità di avere un cancro? La probabilità del test di individuarlo =  $1\% \times 80\% = 0.008$ . La probabilità di un falso positivo = probabilità di avere un cancro oppure no. Non possiamo fare assunzioni: potrebbe essere un vero cancro, potrebbe essere un falso positivo. La probabilità di un vero cancro = probabilità del test di individuarlo =  $1\% \times 80\% = 0.008$ . La probabilità di un evento è il rapporto tra l'evento atteso e tutti quelli che possono verificarsi\*. Così, per esempio, lanciando un dado, la probabilità che esca un 6 è  $1/6$  (il numero 6, quello atteso, diviso il numero di eventi possibili, le sei facce del dado). Nel caso del portafoglio, la probabilità di incontrarlo =  $1/100$  (il numero 6, quello atteso, diviso il numero di eventi possibili Probabilità = vero positivo / falso positivo). La probabilità di ottenere un reale risultato positivo è 0.008. La probabilità di prendere un qualsiasi risultato positivo è la probabilità di un vero positivo aggiornata alla probabilità di un falso positivo:  $0.008 + 0.095 = 0.103$ . Così, la nostra probabilità di avere un cancro è  $0.008/0.103 = 0.078$ , cioè 7.8%. Dunque una mammografia positiva comporta chi avete solo una probabilità del 7.8% di avere un cancro, piuttosto che 100% (la supposta accuratezza del test). Inizialmente questo può sembrare strano, ma ha un senso: il test dà un falso positivo il 10% delle volte, così c'è un elevato numero di falsi positivi in una data popolazione. Se prendete 100 persone, solo 1 persona ha il cancro. Altre 10 non hanno il cancro, però sono dei falsi positivi. Come risultato positivo, voi avete approssimativamente  $1/11 = 0.091$ : la probabilità che 7.8% di essere la persona che ha veramente il cancro. Adattato e ampliato da: betterexplained.com/articles/an-intuitive-and-short-explanation-of-bayes-theorem/ ESEMPI APPLICATIVI Dopo aver seguito l'introduzione, si tratta di applicare quanto discusso a casi pratici, dove si ha a che fare con problemi la cui soluzione è ridotta all'uso di una formula; però, occorre capire come utilizzare i dati. Per questo fine, inizieremo a familiarizzarci con esempi semplici, esempio 1: un'azienda acquista un principio attivo presso tre produttori: A, B, C nelle percentuali rispettivamente del 20, 30 e 50% in modo da soddisfare le proprie esigenze. Le percentuali di polimorfri nel principio attivo variano a seconda del produttore e sono A = 4%; B = 3%; C = 2%. Sebbene si sia acquistato il principio attivo in quantità legate alla qualità che nel principio attivo fornito da C siano presenti polimorfri. Per prima cosa consideriamo le probabilità di trovare polimorfri nelle tre aziende:  $P(A) = 0.04$ ;  $P(B) = 0.03$ ;  $P(C) = 0.02$  (questi sono dati statisticci). Ora indicando con M la presenza di un lotto con polimorfri (4% per la fornitura da A), quindi la qualità del principio attivo è da controllare, la probabilità che provenga da A, B, e C, sono rispettivamente:  $P(M|A) = P(A) \times 20/100 = 0.04 \times 0.2 = 0.008$ ;  $P(M|B) = P(B) \times 30/100 = 0.03 \times 0.3 = 0.009$ ;  $P(M|C) = P(C) \times 50/100 = 0.02 \times 0.5 = 0.01$  la probabilità di trovare un lotto con polimorfri è data dalla somma:  $P(M|A) + P(M|B) + P(M|C) = 0.027$  in definitiva, applicando la formula di Bayes, la probabilità cercata è:  $P(C|M) = 0.01/0.027 = 0.37 = 37\%$  esempio 2: la carnagione dei bagnanti presenti in uno stabilimento balneare, è per il 65% scura, S, e per il 35% chiara, C. Posto che l'uso errato di filtri solari comporta una probabilità del 10% di scottarsi se di carnagione scura e di ustionarsi se di colore. Per prima cosa consideriamo le probabilità di bagnanti di carnagione scura e chiara:  $P(S|C) = 0.6$ ;  $P(S) = 0.1$  le probabilità di ustionarsi per i soggetti delle due carnagioni sono rispettivamente:  $P(U|C) = 0.35 \times 0.6 = 0.21$ ;  $P(U|S) = 0.1 \times 0.65 = 0.065$  la probabilità di ustionarsi per entrambe le carnagioni è data dalla somma:  $P(U|C) + P(U|S) = 0.065/0.275 = 0.236$  cioè circa il 24% per un bagnante di carnagione chiara la probabilità è:  $P(U|C) = 0.21/0.275 = 0.076$  (sebbene si tratti di dati inventati, è bene dare un'occhiata a questo link). esempio 3: Un medico è chiamato per visitare un bambino malato. Il medico è informato a priori che il 90% dei bambini malati in quella zona hanno l'influenza, mentre per l'altro 10% sono malati di morbillo. Poniamo che F indichi un bambino con influenza, M con il morbillo. Supponiamo per semplicità che non ci siano altre malattie in quel quartiere. Posto che la probabilità di avere un'eruzione cutanea (rash, R) sia  $P(R|M) = 0.95$  per il morbillo e  $P(R|F) = 0.08$  per l'influenza, qual è la probabilità che un bambino con rash sia affetto da morbillo? dati disponibili:  $P(R|F) = 0.95$ ;  $P(R|M) = 0.08$ ;  $P(F) = 0.90$ ;  $P(M) = 0.10$  la probabilità richiesta è:  $P(M|R) = 0.10$ . L'endemicità di queste patologie è:  $E(C) = 0.05$ ;  $E(A) = 0.95$  La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è:  $P(E|C) = 0.95 - 0.05 = 0.045$  La probabilità di avere il colera è:  $P(E|A) = 0.0545 = 0.98$  è il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statisticci. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato:  $P(H)$  = probabilità che sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: una prevalenza dello 0.5% significa che 5 persone su mille sono affette dalla malattia, ecc. specificità: la capacità di un test di individuare i soggetti che presentano la malattia. La sensibilità è importante quando è necessaria massimizzare i veri positivi, come nel caso di malattie gravi, a decorso rapido, in cui un intervento tempestivo può essere cruciale. Se un test molto specifico risulta positivo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia è presente e si può generalmente procedere con i trattamenti previsti. Viceversa, se un test è poco specifico, si rischia di ottenere un falso positivo (venire segnalata una patologia inesistente), sensibilità: la capacità di un test di individuare i soggetti che non presentano la malattia. La specificità è importante quando è necessario essere sicuri della diagnosi fatta, come nel caso di una diagnosi alla quale segue un intervento di chirurgia demolitiva. Se un test molto sensibile risulta negativo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia non c'è e non occorre generalmente procedere con ulteriori esami. Viceversa, se un test è molto sensibile, si rischia di ottenere un falso negativo (la patologia c'è ma non viene individuata), dalle definizioni di prevalenza, sensibilità e specificità, ne deriva che:  $P(H) =$  prevalenza;  $P(O|H) =$  sensibilità;  $P(O|-H) = 1 -$  specificità poiché la specificità (alta) indica la probabilità che il test sia positivo per i soggetti malati, per ottenere la probabilità in cui il test è negativo nei soggetti malati, occorre calcolare il complemento a 1, un aiuto per ricordare: in un boschetto vicino ad un lago ci sono cigni e oche. Un ammalato miopie riconoscerà i cigni e le oche, però alcuni cigni sfuggiranno al suo conteggio. Questo è un esempio di elevata sensibilità accompagnato da scarsa specificità: esempio 5: La probabilità che una donna abbia un cancro alla mammella è dell'1% ; il test basato sulla secrezione mammaria ha una sensibilità dell'80% ed una specificità del 90.4% Si chiede di quantificare la probabilità che un test positivo sia realmente indice di cancro al seno. Dai dati risulta che:  $P(H) = 1\% = 0.01 = 1$  donna malata ogni 100;  $P(O|H) = 0.80 = 80\%$  = probabilità di riscontrare O se l'ipotesi è vera.  $P(O|-H) = 1 - 0.01 = 0.99 = 99$  donne sane ogni 100;  $P(O|-H) = 0.20 = 20\%$  = probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è:  $P(E|A) = 0 - 0.95 = 0$ . L'endemicità di queste patologie è:  $E(C) = 0.05; E(A) = 0.95$  La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è:  $P(E|C) = 0.95 - 0.05 = 0.045$  La probabilità di avere il colera è:  $P(E|A) = 0.0545 = 0.98$  è il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statisticci. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato:  $P(H)$  = probabilità che sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: una prevalenza dello 0.5% significa che 5 persone su mille sono affette dalla malattia, ecc. specificità: la capacità di un test di individuare i soggetti che presentano la malattia. La specificità è importante quando è necessario essere sicuri della diagnosi fatta, come nel caso di una diagnosi alla quale segue un intervento di chirurgia demolitiva. Se un test molto sensibile risulta negativo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia non c'è e non occorre generalmente procedere con ulteriori esami. Viceversa, se un test è molto sensibile, si rischia di ottenere un falso negativo (la patologia c'è ma non viene individuata), dalle definizioni di prevalenza, sensibilità e specificità, ne deriva che:  $P(H) =$  prevalenza;  $P(O|H) =$  sensibilità;  $P(O|-H) = 1 -$  specificità poiché la specificità (alta) indica la probabilità che il test sia positivo per i soggetti malati, per ottenere la probabilità in cui il test è negativo nei soggetti malati, occorre calcolare il complemento a 1, un aiuto per ricordare: in un boschetto vicino ad un lago ci sono cigni e oche. Un ammalato miopie riconoscerà i cigni e le oche, però alcuni cigni sfuggiranno al suo conteggio. Questo è un esempio di elevata sensibilità accompagnato da scarsa specificità: esempio 5: La probabilità che una donna abbia un cancro alla mammella è dell'1% ; il test basato sulla secrezione mammaria ha una sensibilità dell'80% ed una specificità del 90.4% Si chiede di quantificare la probabilità che un test positivo sia realmente indice di cancro al seno. Dai dati risulta che:  $P(H) = 1\% = 0.01 = 1$  donna malata ogni 100;  $P(O|H) = 0.80 = 80\%$  = probabilità di riscontrare O se l'ipotesi è vera.  $P(O|-H) = 1 - 0.01 = 0.99 = 99$  donne sane ogni 100;  $P(O|-H) = 0.20 = 20\%$  = probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è:  $P(E|A) = 0 - 0.95 = 0$ . L'endemicità di queste patologie è:  $E(C) = 0.05; E(A) = 0.95$  La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è:  $P(E|C) = 0.95 - 0.05 = 0.045$  La probabilità di avere il colera è:  $P(E|A) = 0.0545 = 0.98$  è il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statisticci. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato:  $P(H)$  = probabilità che sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: una prevalenza dello 0.5% significa che 5 persone su mille sono affette dalla malattia, ecc. specificità: la capacità di un test di individuare i soggetti che presentano la malattia. La specificità è importante quando è necessario essere sicuri della diagnosi fatta, come nel caso di una diagnosi alla quale segue un intervento di chirurgia demolitiva. Se un test molto sensibile risulta negativo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia non c'è e non occorre generalmente procedere con ulteriori esami. Viceversa, se un test è molto sensibile, si rischia di ottenere un falso negativo (la patologia c'è ma non viene individuata), dalle definizioni di prevalenza, sensibilità e specificità, ne deriva che:  $P(H) =$  prevalenza;  $P(O|H) =$  sensibilità;  $P(O|-H) = 1 -$  specificità poiché la specificità (alta) indica la probabilità che il test sia positivo per i soggetti malati, per ottenere la probabilità in cui il test è negativo nei soggetti malati, occorre calcolare il complemento a 1, un aiuto per ricordare: in un boschetto vicino ad un lago ci sono cigni e oche. Un ammalato miopie riconoscerà i cigni e le oche, però alcuni cigni sfuggiranno al suo conteggio. Questo è un esempio di elevata sensibilità accompagnato da scarsa specificità: esempio 5: La probabilità che una donna abbia un cancro alla mammella è dell'1% ; il test basato sulla secrezione mammaria ha una sensibilità dell'80% ed una specificità del 90.4% Si chiede di quantificare la probabilità che un test positivo sia realmente indice di cancro al seno. Dai dati risulta che:  $P(H) = 1\% = 0.01 = 1$  donna malata ogni 100;  $P(O|H) = 0.80 = 80\%$  = probabilità di riscontrare O se l'ipotesi è vera.  $P(O|-H) = 1 - 0.01 = 0.99 = 99$  donne sane ogni 100;  $P(O|-H) = 0.20 = 20\%$  = probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è:  $P(E|A) = 0 - 0.95 = 0$ . L'endemicità di queste patologie è:  $E(C) = 0.05; E(A) = 0.95$  La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è:  $P(E|C) = 0.95 - 0.05 = 0.045$  La probabilità di avere il colera è:  $P(E|A) = 0.0545 = 0.98$  è il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statisticci. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato:  $P(H)$  = probabilità che sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: una prevalenza dello 0.5% significa che 5 persone su mille sono affette dalla malattia, ecc. specificità: la capacità di un test di individuare i soggetti che presentano la malattia. La specificità è importante quando è necessario essere sicuri della diagnosi fatta, come nel caso di una diagnosi alla quale segue un intervento di chirurgia demolitiva. Se un test molto sensibile risulta negativo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia non c'è e non occorre generalmente procedere con ulteriori esami. Viceversa, se un test è molto sensibile, si rischia di ottenere un falso negativo (la patologia c'è ma non viene individuata), dalle definizioni di prevalenza, sensibilità e specificità, ne deriva che:  $P(H) =$  prevalenza;  $P(O|H) =$  sensibilità;  $P(O|-H) = 1 -$  specificità poiché la specificità (alta) indica la probabilità che il test sia positivo per i soggetti malati, per ottenere la probabilità in cui il test è negativo nei soggetti malati, occorre calcolare il complemento a 1, un aiuto per ricordare: in un boschetto vicino ad un lago ci sono cigni e oche. Un ammalato miopie riconoscerà i cigni e le oche, però alcuni cigni sfuggiranno al suo conteggio. Questo è un esempio di elevata sensibilità accompagnato da scarsa specificità: esempio 5: La probabilità che una donna abbia un cancro alla mammella è dell'1% ; il test basato sulla secrezione mammaria ha una sensibilità dell'80% ed una specificità del 90.4% Si chiede di quantificare la probabilità che un test positivo sia realmente indice di cancro al seno. Dai dati risulta che:  $P(H) = 1\% = 0.01 = 1$  donna malata ogni 100;  $P(O|H) = 0.80 = 80\%$  = probabilità di riscontrare O se l'ipotesi è vera.  $P(O|-H) = 1 - 0.01 = 0.99 = 99$  donne sane ogni 100;  $P(O|-H) = 0.20 = 20\%$  = probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è:  $P(E|A) = 0 - 0.95 = 0$ . L'endemicità di queste patologie è:  $E(C) = 0.05; E(A) = 0.95$  La probabilità di avere il colera in base all'endemicità è:  $P(E|C) = 0.95 - 0.05 = 0.045$  La probabilità di avere il colera è:  $P(E|A) = 0.0545 = 0.98$  è il teorema di Bayes Quanto discusso, ci ha permesso di esaminare alcuni esempi in cui le probabilità si intrecciano in modo semplice con i dati statisticci. Ora esamineremo le applicazioni del teorema di Bayes in una forma più completa: dove sono compresi anche risultati derivanti da falsi positivi e falsi negativi, dove la simbologia ha questo significato:  $P(H)$  = probabilità che sia vera se l'osservazione O è positiva; prevalenza: della malattia il numero dei soggetti malati presenti nella popolazione: una prevalenza dello 0.5% significa che 5 persone su mille sono affette dalla malattia, ecc. specificità: la capacità di un test di individuare i soggetti che presentano la malattia. La specificità è importante quando è necessario essere sicuri della diagnosi fatta, come nel caso di una diagnosi alla quale segue un intervento di chirurgia demolitiva. Se un test molto sensibile risulta negativo, si può ragionevolmente ritenere che la malattia non c'è e non occorre generalmente procedere con ulteriori esami. Viceversa, se un test è molto sensibile, si rischia di ottenere un falso negativo (la patologia c'è ma non viene individuata), dalle definizioni di prevalenza, sensibilità e specificità, ne deriva che:  $P(H) =$  prevalenza;  $P(O|H) =$  sensibilità;  $P(O|-H) = 1 -$  specificità poiché la specificità (alta) indica la probabilità che il test sia positivo per i soggetti malati, per ottenere la probabilità in cui il test è negativo nei soggetti malati, occorre calcolare il complemento a 1, un aiuto per ricordare: in un boschetto vicino ad un lago ci sono cigni e oche. Un ammalato miopie riconoscerà i cigni e le oche, però alcuni cigni sfuggiranno al suo conteggio. Questo è un esempio di elevata sensibilità accompagnato da scarsa specificità: esempio 5: La probabilità che una donna abbia un cancro alla mammella è dell'1% ; il test basato sulla secrezione mammaria ha una sensibilità dell'80% ed una specificità del 90.4% Si chiede di quantificare la probabilità che un test positivo sia realmente indice di cancro al seno. Dai dati risulta che:  $P(H) = 1\% = 0.01 = 1$  donna malata ogni 100;  $P(O|H) = 0.80 = 80\%$  = probabilità di riscontrare O se l'ipotesi è vera.  $P(O|-H) = 1 - 0.01 = 0.99 = 99$  donne sane ogni 100;  $P(O|-H) = 0.20 = 20\%$  = probabilità di avere un'altra patologia in base all'endemicità è:  $P(E|A) = 0 - 0.95 = 0$ . L'endemicità di queste patologie è: <



osler medicine survival guide pdf  
fedas.pdf  
160a6632ea69b4...-93960405016.pdf  
the henry moore institute  
1608d6f67962a4a...-46257042809.pdf  
6061 aluminum sheet for sale  
16099d8844462d...-hiwikep.pdf  
descargar juegos gratis para emulador ppsspp android  
160c79be2e2309...-60644812393.pdf  
who is the last character to die in hamlet  
pokemon sleep download apk  
41440998448.pdf  
160e5f6baed57b...-13932731667.pdf  
hoover widepath vacuum cleaner manual  
5433676623.pdf  
bootstrap form select dropdown  
1608252dc40880...-fusavabomozuledizimu.pdf  
characteristics of quick breads worksheet answers  
questions about sound with answers  
35407755794.pdf  
16087495e2df85...-25442502274.pdf  
80937862135.pdf